

## I. kolo kategorie Z8

## Z8–I–1

Jsou dána tři navzájem různá čísla. Průměr průměru dvou menších čísel a průměru dvou větších čísel je roven průměru všech tří čísel. Průměr nejmenšího a největšího čísla je 2022.

Určete součet tří daných čísel. (K. Pazourek)

## Z8–I–2

Čtyřúhelník  $ABCD$  je kosočtvercem se stranou délky 6 cm a výškou 4 cm. Bod  $E$  je středem strany  $AD$ , bod  $G$  je středem strany  $BC$ , bod  $F$  je průsečíkem úseček  $AG$  a  $BE$ , bod  $H$  je průsečíkem úseček  $CE$  a  $DG$ .

Určete obsah čtyřúhelníku  $EFGH$ . (K. Pazourek)

## Z8–I–3

Pro posloupnost čísel začínající

$$1, 3, 4, 7, 11, 18, \dots$$

platí, že každé číslo počínaje třetím je součtem předchozích dvou.

Kterou číslicí končí 2023. číslo v této posloupnosti? (J. Mazák)

## Z8–I–4

Čtibor na mapě s měřítkem 1 : 50 000 vyznačil čtvercový pozemek a vypočítal si, že jeho strana ve skutečnosti odpovídá 1 km. Mapu zmenšil na kopírce tak, že vyznačený čtverec měl obsah o  $1,44 \text{ cm}^2$  menší než původně.

Jaké bylo měřítko takto zmenšené mapy? (M. Petrová)

## Z8–I–5

Petra měla napsána přirozená čísla od 1 do 9. Dvě z těchto čísel sečetla, smazala a výsledný součet napsala místo smazaných sčítanců. Měla tak napsáno osm čísel, která se jí podařilo rozdělit do dvou skupin se stejným součinem.

Určete jaký největší mohl být tento součin. (E. Novotná)

## Z8–I–6

Je dán obdélník  $ABCD$  a body  $E, F$  tak, že trojúhelníky  $BEC$  a  $CFD$  jsou rovnostranné a každý z nich má s pravoúhelníkem  $ABCD$  společnou pouze stranu.

Zdůvodněte, že také trojúhelník  $AEF$  je rovnostranný. (J. Švrček)

